# Лабораторная работа №11. Функции

## 1 Цель и порядок работы

Цель работы – изучить возможности языка по организации функций, получить практические навыки в составлении программ с их использованием.

Порядок выполнения работы:

* ознакомиться с описанием лабораторной работы;
* получить задание у преподавателя, согласно своему варианту;
* написать программу и отладить ее на ЭВМ;
* оформить отчет.

## 2 Краткая теория

Функция – самостоятельная единица программы, спроектированная для реализации конкретной задачи, представляющая именованную группу операторов и выполняющая законченное действие. Вызов функции приводит к выполнению некоторых действий. К функции можно обратиться по имени, передать ей значения и получить из нее результат. Функции избавляют нас от повторного программирования, позволяют использовать их в различных программах, повышают уровень модульности программы. Функции нужны для упрощения структуры программы. Разбив задачу на подзадачи и оформив каждую из них в виде функций, мы улучшаем понятность и структурированность программы.

На практике программирования часто встречается ситуация, когда одну и ту же группу операторов, реализующих определенный алгоритм, требуется повторить без изменений в нескольких других местах программы. Такую группу операторов во всех языках программирования принято называть подпрограммой, ее можно вызвать для исполнения по имени любое количество раз из различных мест программы.

Подпрограмма имеет ту же структуру, что и монолитная программа. То есть может содержать разделы описания переменных, типов, констант и т.д. Имена объектов, описанных в подпрограмме, считаются известными только в пределах данной подпрограммы.

### 2.1 Описание функций

Функция может принимать параметры и возвращать значение. Передача в функцию различных аргументов позволяет, записав ее один раз, использовать многократно для разных данных. Чтобы использовать функцию, не требуется знать, как она работает – достаточно знать, как ее вызвать.

Для использования функции тоже требуется знать только ее интерфейс (т. е. правила обращения). Интерфейс грамотно написанной функции определяется ее заголовком, потому что в нем указывается все, что необходимо для ее вызова: имя функции, тип результата, который она возвращает, а также, сколько аргументов и какого типа ей нужно передать.

**Объявление функции** (прототип, заголовок, сигнатура) задает ее имя, тип возвращаемого значения и список передаваемых параметров. Формат простейшего заголовка (прототипа) функции:

**[ класс ] тип имя ([ список\_формальных\_параметров ]);**

**Определение функции** содержит, кроме объявления, тело функции, представляющее собой последовательность операторов и описаний в фигурных скобках:

**[ класс ] тип имя** (**[ список\_формальных\_параметров ]**)

{

 **тело функции**

}

*Выражение, записанное в квадратных скобках, является опциональным и может быть опущено.*

Рассмотрим составные части определения.

1. С помощью необязательного модификатора класс можно явно задать область видимости функции, используя ключевые слова extern и static:

- extern – глобальная видимость во всех модулях программы (по умолчанию);

- static – видимость только в пределах модуля, в котором определена функция.

2. Тип возвращаемого функцией значения может быть любым, кроме массива и функции (но может быть указателем на массив или функцию). Если функция не должна возвращать значение, указывается тип void.

3. Список формальных параметров определяет данные, которые требуется передать в функцию при ее вызове. Элементы списка параметров разделяются запятыми. Для каждого параметра, передаваемого в функцию, указывается его тип и имя (в объявлении имена можно опускать), а также значение параметра по умолчанию (при этом все параметры правее данного должны также иметь значения по умолчанию).

Функция активируется с помощью оператора вызова функции, в котором содержатся имя функции и параметры (если это необходимо). Вызов функции приводит к выполнению операторов, составляющих тело функции, и выглядит следующим образом:

имя ([ список\_фактических\_параметров ]);

В определении, в объявлении и при вызове одной и той же функции типы и порядок следования параметров должны совпадать. На имена параметров ограничений по соответствию не накладывается, поскольку функцию можно вызывать с различными аргументами, а в прототипах имена компилятором игнорируются (они служат только для улучшения читаемости программы).

Функцию можно определить как встроенную с помощью модификатора inline, который рекомендует компилятору вместо обращения к функции помещать ее код непосредственно в каждую точку вызова. Модификатор inline ставится перед типом функции. Он применяется для коротких функций, чтобы снизить накладные расходы на вызов (сохранение и восстановление регистров, передача управления). Директива inline носит рекомендательный характер и выполняется компилятором по мере возможности. Использование inline-функций может увеличить объем исполняемой программы. Определение функции должно предшествовать ее вызовам, иначе вместо inline-расширения компилятор сгенерирует обычный вызов.

Все величины, описанные внутри функции, а также ее параметры, являются локальными. Областью их действия является функция. При вызове функции, как и при входе в любой блок, в стеке выделяется память под локальные автоматические переменные. Кроме того, в стеке сохраняется содержимое регистров процессора на момент, предшествующий вызову функции, и адрес возврата из функции для того, чтобы при выходе из нее можно было продолжить выполнение вызывающей функции.

При выходе из функции соответствующий участок стека освобождается, поэтому значения локальных переменных между вызовами одной и той же функции не сохраняются. Если этого требуется избежать, при объявлении локальных переменных используется модификатор static.

Тип возвращаемого значения и типы параметров совместно определяют тип функции.

Возврат вычисленного значения организуется следующим образом. В теле функции должен присутствовать оператор return после которого следует выражение, вычисляющее возвращаемое значение. Таких операторов может быть несколько; важно, чтобы хоть один из них срабатывал в процессе выполнения тела функции. Тип выражения в правой части такого присваивания должен быть совместимым с типом функции.

Для вызова функции в простейшем случае нужно указать ее имя, за которым в круглых скобках через запятую перечисляются имена передаваемых аргументов. Вызов функции может находиться в любом месте программы, где по синтаксису допустимо выражение того типа, который формирует функция. Если тип возвращаемого функцией значения не void, она может входить в состав выражений или, в частном случае, располагаться в правой части оператора присваивания.

Пример функции, возвращающей сумму двух целых величин:

#include "stdafx.h"

#include <iostream>

using namespace std;

int sum(int а, int b); // объявление функции

void main()

{

 int a = 2, b = 3, c, d;

 c = sum(a, b); // вызов функции

 cin >> d;

 cout << sum(c, d) << endl; // вызов функции

 a = 3\*sum(c, d) - b; // вызов функции

 cout << a << endl;

 return;

}

int sum(int a, int b) // определение функции

{

 return (a + b);

}

Объявление и определение функции может совпадать, но перед вызовом компилятор должен знать прототип функции, поэтому **одновременное объявление и определение должно следовать перед вызовом функции**.

Пример функции нахождения максимума двух чисел:

#include "stdafx.h"

#include <iostream>

using namespace std;

int max(int x, int y) // одновременно объявление и определение функции

{

 if (x > y)

 return x;

 else

 return y;

}

void main()

{

 int a = 2, b = 3, c, d;

 c = max(a, b); // вызов функции

 cout << c << endl;

 cin >> d;

 cout << max(c, d) << endl; // вызов функции

 return;

}

### 2.2 Параметры функции

Механизм параметров является основным способом обмена информацией между вызываемой и вызывающей функциями.

Параметры, перечисленные в заголовке описания функции, называются формальными параметрами, или просто параметрами, а записанные в операторе вызова функции – фактическими параметрами, или аргументами.

В описании процедуры или функции задается список формальных параметров. Каждый параметр, описанный в списке формальных параметров, является локальным по отношению к описываемой процедуре или функции, и в теле подпрограммы на него можно ссылаться по его идентификатору.

При вызове функции в первую очередь вычисляются выражения, стоящие на месте аргументов; затем в стеке выделяется память под формальные параметры функции в соответствии с их типом, и каждому из них присваивается значение соответствующего аргумента. При этом проверяется соответствие типов и при необходимости выполняются их преобразования.

Существует два основных способа передачи параметров в функцию: **по значению** и **по адресу**.

*При передаче по значению* в стек заносятся копии значений аргументов, и операторы функции работают с этими копиями. Доступа к исходным значениям параметров у функции нет, а, следовательно, нет и возможности их изменить.

*При передаче по адресу* в стек заносятся копии адресов аргументов, а функция осуществляет доступ к ячейкам памяти по этим адресам и может изменить исходные значения аргументов. Данный способ подразделяется на передачу параметров через указатель и по ссылке.

#include "stdafx.h"

#include <iostream>

using namespace std;

void f(int a, int\* b, int& c)

{

 a++;

 (\*b)++;

 c++;

}

void main()

{

 int a = 1, b = 1, c = 1;

 cout << "a b c" << endl;

 cout << a << ' ' << b << ' ' << c << endl;

 f(a, &b, c);

 cout << a << ' ' << b << ' ' << c << endl;

 return;

}

Результат работы программы:

a b c

1 1 1

1 2 2

Первый параметр (a) передается по значению. Его изменение в функции не влияет на исходное значение. Второй параметр (b) передается по адресу с помощью указателя, при этом для передачи в функцию адреса фактического параметра используется операция взятия адреса, а для получения его значения в функции требуется операция разыменования. Третий параметр (c) передается по адресу с помощью ссылки.

При передаче по ссылке в функцию передается адрес указанного при вызове параметра, а внутри функции все обращения к параметру неявно разыменовываются. Поэтому использование ссылок вместо указателей улучшает читаемость программы, избавляя от необходимости применять операции получения адреса и разыменования. Использование ссылок вместо передачи по значению более эффективно, поскольку не требует копирования параметров, что имеет значение при передаче структур данных большого объема.

Если требуется изменить значение параметра внутри функции, то он передается, либо через ссылку, либо через указатель.

Если требуется запретить изменение параметра внутри функции, используется модификатор const:

int f(const char \*);

Таким образом, исходные данные, которые не должны изменяться в функции, предпочтительнее передавать ей с помощью константных ссылок.

По умолчанию параметры любого типа, кроме массива и функции (например, вещественного, структурного, перечисление, объединение, указатель), передаются в функцию по значению.

Если в определении функции присутствует параметр со значением по умолчанию, то данный параметр можно опустить при вызове функции. При этом все параметры левее данного должны присутствовать. Значение данного параметра внутри функции будет совпадать со значением параметра по умолчанию.

Рассмотрим пример из предыдущей лабораторной работы, оформив вычисление значения в виде функции:

Составить программу вычисления значения функции



#include "stdafx.h"

#include <iostream>

#include <iomanip>

#include <math.h>

using namespace std;

float ax(float a, float x, float eps = 0.001f)

{

 float xn = 1, y, y0;

 unsigned int n = 1, nf = 1;

 y = 1;

 do

 {

 nf \*= n;

 xn \*= x\*log(a);

 y0 = y;

 y += xn/nf;

 n++;

 }

 while (abs(y - y0) > eps);

 return y;

}

void main()

{

 setlocale(LC\_ALL, "Russian");

 const float eps = 0.1f;

 float a, x, y;

 cout << "Введите a, x:" << endl;

 cin >> a >> x;

 //передаем значение точности вычислений при вызове

 y = ax(a, x, eps);

 cout <<\

"Результат вычисления с точностью 0.1 (передается явно): "\

<< setw(8) << setprecision(5) << y <<endl;

//значение esp опускается

//внутри функции используется значение точности вычислений по умолчанию

 y = ax(a, x);

 cout <<\

"Результат вычисления с точностью 0.001 (по умолчанию): "\

<< setw(8) << setprecision(5) << y <<endl;

 //вычисляем при помощи стандартных функций

 y = pow(a, x);

 cout <<\

"Результат вычисления с использованием стандартных функций: "\

<< setw(8) << setprecision(5) << y <<endl;

}

Результат выполнения:

Введите a, x:

2.5

3

Результат вычисления с точностью 0.1 (передается явно): 15.591

Результат вычисления с точностью 0.001 (по умолчанию): 15.625

Результат вычисления с использованием стандартных функций: 15.625

## Контрольные вопросы

1. Как выглядит определение функции?
2. Как выглядит объявление функции?
3. Что такое формальный параметр?
4. Что такое фактический параметр?
5. Как осуществляется вызов функции?
6. Как осуществляется передача параметров в функцию?
7. Что такое inline-функция?
8. Как описать функцию, не возвращающую значения?
9. В чем разница передачи параметров по значению от передачи параметров по адресу?
10. Как передать параметр по ссылке?
11. Как передать параметр через указатель?

**Задание 1. Функции с числовыми параметрами**

**Варианты заданий**

1. Описать функцию RootCount(*A*, *B*, *C*) целого типа, определяющую количество корней квадратного уравнения *A*·*x*2 + *B*·*x* + *C* = 0 (*A*, *B*, *C* – вещественные параметры, *A* >0). С ее помощью найти количество корней для каждого из трех квадратных уравнений с данными коэффициентами. Количество корней определять по значению *дискриминанта*: *D* = *B*2 – 4·*A*·*C*.
2. Описать функцию CircleS(*R*) вещественного типа, находящую площадь круга радиуса *R* (*R* – вещественное). С помощью этой функции найти площади трех кругов с данными радиусами. Площадь круга радиуса *R* вычисляется по формуле *S* = π·*R*2. В качестве значения  использовать 3.14.
3. Описать функцию RingS(*R*1, *R*2) вещественного типа, находящую площадь кольца, заключенного между двумя окружностями с общим центром и радиусами *R*1 и *R*2 (*R*1 и *R*2 – вещественные, *R*1 > *R*2). С ее помощью найти площади трех колец, для которых даны внешние и внутренние радиусы. Воспользоваться формулой площади круга радиуса *R*: *S* = π·*R*2. В качестве значения π использовать 3.14.
4. Описать функцию TriangleP(*a*, *h*), находящую периметр равнобедренного треугольника по его основанию *a* и высоте *h*, проведенной к основанию (*a* и *h* – вещественные). С помощью этой функции найти периметры трех треугольников, для которых даны основания и высоты. Для нахождения боковой стороны *b* треугольника использовать *теорему Пифагора*:

*b*2 = (*a*/2)2 + *h*2.

1. Описать функцию SumRange(*A*, *B*) целого типа, находящую сумму всех целых чисел от *A* до *B* включительно (*A* и *B* – целые). Если *A* > *B*, то функция возвращает 0. С помощью этой функции найти суммы чисел от *A* до *B* и от *B* до *C*, если даны числа *A*, *B*, *C*.
2. Описать функцию Calc(*A*, *B*, *Op*) вещественного типа, выполняющую над ненулевыми вещественными числами *A* и *B* одну из арифметических операций и возвращающую ее результат. Вид операции определяется целым параметром *Op*: 1 – вычитание, 2 – умножение, 3 – деление, остальные значения – сложение. С помощью Calc выполнить для данных *A* и *B* операции, определяемые данными целыми *N*1, *N*2, *N*3.
3. Описать функцию Quarter(*x*, *y*) целого типа, определяющую номер координатной четверти, в которой находится точка с ненулевыми вещественными координатами (*x*, *y*). С помощью этой функции найти номера координатных четвертей для трех точек с данными ненулевыми координатами.
4. Описать функцию Even(*K*) логического типа, возвращающую True, если целый параметр *K* является четным, и False в противном случае. С ее помощью найти количество четных чисел в наборе из 10 целых чисел.
5. Описать функцию IsSquare(*K*) логического типа, возвращающую True, если целый параметр *K* (> 0) является квадратом некоторого целого числа, и False в противном случае. С ее помощью найти количество квадратов в наборе из 10 целых положительных чисел.
6. Описать функцию IsPower5(*K*) логического типа, возвращающую True, если целый параметр *K* (> 0) является степенью числа 5, и False в противном случае. С ее помощью найти количество степеней числа 5 в наборе из 10 целых положительных чисел.
7. Описать функцию IsPowerN(*K*, *N*) логического типа, возвращающую True, если целый параметр *K* (> 0) является степенью числа *N* (> 1), и False в противном случае. Дано число *N* (> 1) и набор из 10 целых положительных чисел. С помощью функции IsPowerN найти количество степеней числа *N* в данном наборе.
8. Описать функцию IsPrime(*N*) логического типа, возвращающую True, если целый параметр *N* (> 1) является простым числом, и False в противном случае (число, большее 1, называется *простым*, если оно не имеет положительных делителей, кроме 1 и самого себя). Дан набор из 10 целых чисел, больших 1. С помощью функции IsPrime найти количество простых чисел в данном наборе.
9. Описать функцию DigitCount(*K*) целого типа, находящую количество цифр целого положительного числа *K*. Используя эту функцию, найти количество цифр для каждого из пяти данных целых положительных чисел.
10. Описать функцию DigitN(*K*, *N*) целого типа, возвращающую *N*-ю цифру целого положительного числа *K* (цифры в числе нумеруются справа налево). Если количество цифр в числе *K* меньше *N*, то функция возвращает –1. Для каждого из пяти данных целых положительных чисел *K*1, *K*2, …, *K*5 вызвать функцию DigitN с параметром *N*, изменяющимся от 1 до 5.
11. Описать функцию IsPalindrome(*K*), возвращающую True, если целый параметр *K* (> 0) является *палиндромом* (то есть его запись читается одинаково слева направо и справа налево), и False в противном случае. С ее помощью найти количество палиндромов в наборе из 10 целых положительных чисел. При описании функции можно использовать функции DigitCount и DigitN из заданий выше.
12. Описать функцию DegToRad(*D*) вещественного типа, находящую величину угла в радианах, если дана его величина *D* в градусах (*D* – вещественное число, 0 < *D* < 360). Воспользоваться следующим соотношением: 180° = π радианов. В качестве значения π использовать 3.14. С помощью функции DegToRad перевести из градусов в радианы пять данных углов.

**Задание 2.**

1.Перевести заданное в десятичной системе число a в двоичную систему, используя функцию перевода.

2. Даны два натуральных числа. Найти наименьшее общее кратное этих чисел, используя функцию реализующую алгоритм Евклида.

3 Получить все четырехзначные счастливые номера. Счастливым называется номер, у которого сумма первых двух цифр номера равна сумме последних двух цифр. Использовать функцию для расчета суммы цифр двухзначного числа.

4 Задан одномерный массив из 16 элементов .Сформировать двухмерный массив 4×4, используя функцию преобразования любого одномерного массива в двухмерный массив размерностью n×n с добавлением нулевых элементов.

5 Для заданного массива экспериментальных данных рассчитать дисперсию, используя функции определения среднего и дисперсии.

6 Получить все шестизначные счастливые номера. Счастливым называется номер, у которого сумма первых трех цифр номера равна сумме последних трех цифр. Использовать функцию для расчета суммы цифр трехзначного числа.

7. Даны два натуральных числа. Определить , является хотя бы одно из них палиндромом ( число, которое читается одинаково слева направо и справа налево), используя функцию распознавания таких чисел

8. Z)¬ ∧ (X ∨ Y) ∧(X ¬Даны два логических выражения Y∨ Z) ∨Y ¬(¬ ∧и X . Составить таблицу истинности для этих выражений (те для всех возможных значений переменных X,Y,Z), используя функции представления этих выражений

9. Рассчитать рабочий диапазон длин волн приемника, если емкость конденсатора в его колебательном контуре плавно изменяется от 50 до 500 пФ, а индуктивность катушки постоянна и равна 20 мкГн. Использовать функцию для определения длины волны

10. Отсортировать по убыванию заданный массив чисел, используя функцию сортировки.

11. Перевести заданное в двоичной системе число a в десятичную систему, используя функцию перевода.

12. Z)¬ ∧ (Y ∨ Z) ∧X ¬Даны два логических выражения ( Z∧Z) ¬ ∧ (X ∨Y ¬и . Составить таблицу истинности для этих выражений (те для всех возможных значений переменных X,Y,Z), используя функции представления этих выражений.

13. Отсортировать по возрастанию заданный массив чисел, исключив отрицательные числа. Использовать функцию сортировки.

14. Даны два натуральных числа a и b, обозначающие соответственно числитель и знаменатель дроби. Сократить дробь, используя функцию определения наибольшего общего делителя.

15. В заданном массиве целых чисел найти максимальное и минимальное число, использую функции определения максимального и минимального числа.

***Перегрузка******функций*** *-* позволяет вам определять функции с одним и тем же именем, но разными списками параметров.

Список параметров часто называют *сигнатурой функции.*

Тип возвращаемого функцией значения не является частью того, что называется *сигнатурой функции.* Перегруженные функции должны отличаться друг от друга либо типом хотя бы одного параметра, либо количеством параметров, либо тем и другим одновременно.

Основное **достоинство** перегруженных функций — это возможность определять несколько функций с одним и тем же именем, но с разными типами параметров.

*Компилятор сам определяет, какой именно вариант функции вызвать, по списку аргументов.*

*Перегрузка функций избавляет вас от необходимости выдумывать разные названия функциям, решающим схожие по смыслу задачи.*

*Небольшие перегруженные функции удобно применять при отладке программ.*

***Правила описания перегруженных функций.***

* Перегруженные функции должны находиться в одной области видимости, иначе произойдет сокрытие аналогично одинаковым именам переменных во вложенных блоках.
* Перегруженные функции могут иметь параметры по умолчанию, при этом значения одного и того же параметра в разных функциях должны совпадать. В различных вариантах перегруженных функций может быть различное количество параметров по умолчанию.
* Функции не могут быть перегружены, если описание их параметров отличается только модификатором const или использованием ссылки.

Пример, надо создать две функции сложения. Первая функция будет складывать целочисленные значения типа int, вторая функция будет складывать дробные значения типа float.

Для реализации этой задачи можно создать 2 функции с различными именами, а можно 2 функции с одинаковыми именами, но различным набором параметров.

|  |  |
| --- | --- |
| **int sum\_int(int a, int b)**// Функция sum\_int**{****return a+b;****}****float sum\_float(float a, float b)**//Функция sum\_float**{****return a+b;****}** | **int sum(int a, int b)**//Функция sum**{****return a+b;****}****float sum(float a, float b)** //Функция sum**{****return a+b;****}** |

Количество параметров в случаях перегрузки функции у функции может быть разным.

int sum(int a, int b) //Функция sum с двумя параметрами

{

 return a + b;

}

float sum(int a, int b, float c) //Функция sum c тремя параметрами

{

 return a + b + c;

}

int main() {

 int a = 3, b = 5;

 float c = 0.1;

 cout << "sum1 =" << sum(a,b) << endl;

 cout << "sum2 =" << sum(a,b,c) << endl;

 return 0;

}

При перегрузке функций возможно появление ошибок такого типа, какие нам раньше не встре­чались. Можно создать ситуацию, в которой компилятор не сможет выбрать между двумя или более перегруженными функциями. Когда такое происходит, говорят, что ситуация неопределенна, двусмысленна (ambiguous). Неопределенные инструкции являются ошибками, и программа, содержащая неопределенности, не будет откомпилирована.

Основная причина, которая может вызывать неопределенность, связана с автоматическим преобразованием типов в С++. С++ автоматически пытается преобразовать аргументы, использован­ные при вызове функции, к типу аргументов интерфейса функции.

Компилятор может найти несколько подходящих функций, тогда возникает неоднозначность выбора: компилятор не может выбрать из нескольких, происходит ошибка. Код не компилируется. Ошибка неоднозначности (***ambiquous all***)

Компилятор может вообще не найти подходящей функции. Код не компилируется. Ошибка соответствия (***no match***).

**Задание. 3**

**Выполните задание 2 с возможностью перегрузки функции.**

**Шаблоны функций** — **это функции, которые служат образцом для создания других подобных функций**.

Главная идея — создание функций без указания точных типов некоторых или всех переменных. Вместо этого мы определяем функцию, указывая **тип** **параметра шаблона**, который используется вместо любого типа данных. После того, как мы создали функцию с типом параметра шаблона, мы фактически создали «трафарет функции».

При вызове шаблона функции, компилятор использует «трафарет» в качестве образца функции, заменяя тип параметра шаблона на фактический тип переменных, передаваемых в функцию.

Шаблон функции определяется следующим образом:

template <class Type> тип имя ([ список\_параметров ])

{ /\* тело функции \*/ }

Идентификатор Type, задающий так называемый параметризованный тип, может использоваться и в остальной части заголовка, и в теле функции. Параметризованный тип — это фиктивное имя, которое компилятор автоматически заменит именем реального типа данных при создании конкретной версии функции. В общем случае шаблон функции может содержать несколько параметризованных типов:

<class Type1, class Type2, class Type3, … >

Процесс создания конкретной версии функции называется **инстанцированием** ша­блона, или созданием экземпляра функции. Возможны два способа инстанцирования: явный, когда объявляется заголовок функции, в котором все параметризованные типы заменены на конкретные типы, известные в этот момент в программе, и неявный, когда создание экземпляра функции происходит автоматически, если встречается фактический вызов функции.

**детальнее объявление параметров шаблона:**

* Сначала пишем ключевое слово **template**, которое сообщает компилятору, что дальше мы будем объявлять параметры шаблона.
* Параметры шаблона функции указываются в угловых скобках (<>).
* Для создания типов параметров шаблона используются ключевые слова **typename** и **class**. В базовых случаях использования шаблонов функций разницы между **typename** и **class** нет, поэтому вы можете выбрать любое из двух. Если вы используете ключевое слово **class**, то фактический тип параметров не обязательно должен быть классом (это может быть переменная фундаментального типа данных, указатель или что-либо другое).
* Затем называем тип параметра шаблона (обычно **T**).

Если требуется несколько типов параметров шаблона, то они разделяются запятыми:

template <typename T1, typename T2>

template <typename T>

const T max(const T a, const T b)

{

 return (a > b) ? a : b;

}

int main()

{

 int i = max(4, 8);

 cout << i << '\n’;

 double d = max(7.56, 21.434);

 cout << d << '\n’;

 char ch = max('b', '9’);

 cout << ch << '\n’;

 return 0;

}

**Задание 4. создайте шаблон для функции из задания 2**

**Рекурси́вная фу́нкция** (от лат. recursio — возвращение) — это числовая функция f(n) числового аргумента, которая в своей записи содержит себя же. Такая запись позволяет вычислять значения f(n) на основе значений f(n-2)\*f(n-1), подобно рассуждению по индукции. Чтобы вычисление завершалось для любого n, необходимо, чтобы для некоторых n функция была определена нерекурсивно (например, для n=0,1).

Рассмотрим пример рекурсивной функции на примере вычисления факториала, здесь при n=0 и n=1, функция ведет себя не рекурсивно.

#include "pch.h"

#include <iostream>

using namespace std;

int fact(int n) {

 int factor=1;

 if (n==0 || n == 1)

 {

 return factor; // выход из функции

 }

 else { factor = n \* fact( n - 1); }

}

int main()

{

 int n;

 cout << "Insertn n" << endl;

 cin >> n;

 cout <<fact(n) <<endl;

}

**Задание 5. Применение рекурсивных функций**

1. Описать рекурсивные функции Fact(N) и Fact2(N) вещественного типа, вычисляющие значения факториала N! и двойного факториала N!! соответственно (N > 0 — параметр целого типа). С помощью этих функций вычислить факториалы и двойные факториалы пяти данных чисел.
2. Описать рекурсивную функцию PowerN(x,n) вещественного типа, находящую значение n-й степени числа x по формуле: x0 = 1, xn = x·xn–1 при n > 0, xn = 1 / x–n при n < 0 (x >= 0 – вещественное число, n – целое). С помощью этой функции найти значения XN при 5 различных значениях N для данного X .
3. Описать рекурсивную функцию SqrtK(x,k,n) вещественного типа, находящую приближенное значение корня k-й степени из числа x по формуле: y(0) = 1, y(n+1) = y(n) – (y(n) – x / y(n)k–1) / k, где y(n) обозначает SqrtK(x,k,n) (x – вещественный параметр, k и n – целые; x > 0, k > 1, n > 0). С помощью этой функции найти приближенные значения корня K-й степени из X при 6 различных значениях N для данных X и K .
4. Описать рекурсивную функцию FibRec(N) целого типа, вычисляющую N-е число Фибоначчи F(N) по формуле: F(1) = F(2) = 1, F(k) = F(k–2) + F(k–1), k = 3, 4, ... С помощью этой функции найти пять чисел Фибоначчи с указанными номерами и вывести эти числа вместе с количеством рекурсивных вызовов функции FibRec, потребовавшихся для их нахождения.
5. Описать рекурсивную функцию C(m,n) целого типа, находящую число сочетаний из n элементов по m, используя формулу: C(0,n) = C(n,n) = 1, C(m,n) = C(m,n–1) + C(m–1,n–1) при 0 < m < n (m и n — целые параметры; n > 0, 0 <= m <= n). Дано число N и пять различных значений M. Вывести числа C(M,N) вместе с количеством рекурсивных вызовов функции C, потребовавшихся для их нахождения.
6. Описать рекурсивную функцию NOD(A,B) целого типа, находящую наибольший общий делитель двух натуральных чисел A и B, используя алгоритм Евклида: NOD(A,B) = NOD(B mod A,A), если A <> 0; NOD(0,B) = B. С помощью этой функции найти наибольшие общие делители пар A и B, A и C, A и D, если даны числа A, B, C, D.
7. Описать рекурсивную функцию MinRec(A,N) вещественного типа, которая находит минимальный элемент вещественного массива A размера N, не используя оператор цикла. С помощью функции MinRec1 найти минимальные элементы массивов A, B, C размера NA, NB, NC соответственно .
8. Описать рекурсивную функцию Digits(S) целого типа, находящую количество цифр в строке S без использования оператора цикла. С помощью этой функции найти количество цифр в данных пяти строках.
9. Описать рекурсивную функцию Simm(S) логического типа, проверяющую, является ли симметричной строка S, без использования оператора цикла. С помощью этой функции проверить данные пяти строк .
10. Алгоритм сортировки фон Неймана. Упорядочить массив а1, а2,, аn по неубыванию с помощью алгоритма сортировки слияниями: а) каждая пара соседних элементов сливается в одну группу из двух элементов (последняя группа может состоять из одного элемента); б) каждая пара соседних двухэлементных групп сливается в одну четырехэлементную группу и т.д. При каждом слиянии новая укрупненная группа сортируется. Использовать функцию сортировки.
11. Задано положительное и отрицательное число в двоичной системе. Составить программу вычисления суммы этих чисел, используя функцию сложения чисел в двоичной системе счисления.
12. Описать рекурсивную функцию Root (а, b, ε), которая методом деления отрезка пополам находит с точностью ε корень уравнения f(x) = 0 на отрезке [а, b] (считать, что ε > 0, а < b, f(a) - f(b) < 0 и f(x) — непрерывная и монотонная на отрезке [а, b] функция) .
13. Описать функцию min(X) для определения минимального элемента линейного массива X, введя вспомогательную рекурсивную функцию minl(k), находящую минимум среди последних элементов массива X, начиная с kго.
14. Описать рекурсивную логическую функцию Simm(S,I,J), проверяющую, является ли симметричной часть строки S, начинающаяся i-м и заканчивающаяся j-м ее элементами .
15. Составить программу для нахождения числа, которое образуется из данного натурального числа при записи его цифр в обратном порядке. Например, для числа 1234 получаем результат 4321 .